

## مدلسازی عددی میکروکanal مغناطیسی برای جذب نانو ذرات نمک محلول در آب سور

عبدالله محمد واحدی نژاد<sup>۱</sup>

حمیدرضا نظیف<sup>۲\*</sup>

### چکیده

در این تحقیق یک سیستم نمکزدایی آب دریا به روش مغناطیسی-الکتریکی مطالعه و شبیه‌سازی شده است. میدان الکتریکی برای یونیزه نمودن آب دریا و میدان مغناطیسی برای جداسازی، همزمان درنظر گرفته شده اند. معادلات حرکت سیال آب و ذرات نمک با روش اویلر-لاگرانژی مدلسازی شده‌اند. برای جداسازی ذرات نمک با قطر میکرونی، شدت میدان الکتریکی و مغناطیسی و سرعت ورودی آب دریا به سیستم جداسازی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. پارامترهای موردبررسی شامل میدان‌های الکتریکی، مغناطیسی، قطر ذرات، سرعت ورودی و نسبت ابعادی میکروکanal است. نتایج نشان می‌دهد که با افزایش میدان‌های مغناطیسی و الکتریکی درصد جذب ذرات افزایش یافته و افزایش قطر ذرات موجب جذب بیشتر آن‌ها گردیده است. همچنین با افزایش نسبت ابعادی کanal درصد خروج ذرات از ناحیه آب تمیز کاهش و مقدار جذب ذرات به سمت میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی افزایش یافته است. تغییرات سرعت سیال نشان داد که با افزایش سرعت، میزان جذب ذرات در مجاورت دیواره‌ها به مقدار قابل توجهی کاهش داشته است. در این پژوهش در میکروکanal، سیال با متوسط سرعت ورودی  $0.1 \text{ m/s}$  موردبررسی قرار گرفته و میزان جداسازی یون‌های نمک در میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی مختلف با تغییر پارامترهای ورودی مشخص گردیده است.

### واژه‌های کلیدی:

نمکزدایی، میدان مغناطیسی، مدلسازی، یون‌های نمک

۱. کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، تبدیل انرژی، دانشکده فنی مهندسی دانشگاه بین‌المللی امام خمینی (email: a\_vahedinejad@yahoo.com & a.vahedinejad@iwpco.ir)

۲. هیئت علمی دانشکده فنی مهندسی دانشگاه بین‌المللی امام خمینی (email: nazif@eng.ikiu.ac.ir) (

روش‌های نوین نمکزدایی از آب دریا تأثیر امواج الکتریکی و میدان مغناطیسی بر میزان جداسازی یون‌های محلول در آب بررسی شده و با مدل‌سازی و تحلیل عددی شیرین سازی آب دریا با اعمال میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی و نیروی هیدرودینامیکی، پارامترهای عملکرد بهینه جهت جداسازی را به دست آورد. (النیعمت، ۲۰۱۶)

فرآیندهای شیرین سازی، فرآیندهایی بهمنظور خالص‌سازی آب دریا برای مصارف آشامیدنی است. یک سیستم آب‌شیرین کن به‌طورکلی آب شور را به دو جریان تقسیم می‌کند، یکی جریان آب خالص با درصد بسیار کمی از نمک و املح و دیگری جریانی که حاوی نمک املح باقیمانده است.

جداسازی نمک از مخلوط آبنمک، یک فرآیند ترمودینامیکی است که نیاز به انرژی دارد.

فناوری‌های آب‌شیرین کن از لحاظ تغییر فاز به دو دسته تقسیم می‌شوند؛ دسته اول: فرآیندهایی که در آن‌ها تغییر فاز صورت می‌گیرد، مانند:

- نمکزدایی چند اثر<sup>۳</sup> (MED)

- نمکزدایی ناگهانی چند مرحله‌ای<sup>۴</sup> (MSF)

- نمکزدایی تراکم بخار<sup>۵</sup> (VCD)

دسته دوم: فرآیندهایی که در آن‌ها شیرین سازی آب بدون تغییر فاز انجام می‌پذیرد:

- اسمز معکوس<sup>۶</sup> (RO)

- الکترودیالیز<sup>۷</sup> (ED)

از سیستم‌های الکترودیالیز معکوس<sup>۸</sup> که جزء تکنولوژی‌های الکتروشیمی و سلول‌های غشایی بوده، برای جداسازی یون‌ها از محلول‌های مختلف استفاده می‌شود. الکترودیالیز (ED) یکی از روش‌های جدا سازی ذرات باردار است که در آن آب شور تحت تأثیر ولتاژ جریان مستقیم به عنوان نیروی محرکه فرآیند، قرار می‌گیرد.

## مقدمه

در قرن اخیر، استفاده از منابع آب شور در جایگزینی منابع آب شیرین بسیار مورد توجه قرار گرفته است. این در حالی است که منابع آب شیرین محدود است لذا نیازمند به بهره‌گیری از فناوری برای تأمین آب هستیم.

نمکزدایی یا شیرین سازی آب، فرایندی است که در آن مقداری نمک و سایر مواد معدنی از آب جدا می‌گردد. در واحدهای آب‌شیرین کن، از یک طرف آب شور وارد شده که با صرف انرژی، آب شیرین و پساب شور از طرف دیگر جدا و تخلیه می‌گردد. هرقدر که آب شورتر باشد، برای شیرین کردن آن باید انرژی و تلاش بیشتری صرف گردد. آب شوری که باهدف تولید آب شیرین نمکزدایی می‌شود، برای مصرف انسان و یا آبیاری مناسب است. یک محصول دیگر فرایند نمکزدایی، نمک است. بیشتر سرمایه‌گذاری‌های اخیر در نمکزدایی، بر گسترش راههای مقرن به صرفه تأمین آب شیرین برای استفاده انسان، متوجه شده است. در کنار بازیافت آب از پساب، این روش یکی از چندین منابع تأمین آب مستقل از بارش است.

مسئله اساسی در فرایند شیرین سازی آب، انرژی مصرفی زیاد و پساب شوری است که در حین شیرین سازی تولید می‌شود. در نگاه بهینه‌سازی، استفاده از روشی که با مصرف انرژی پایین‌تر و با کمترین تولید پساب شور، توانایی شیرین سازی آب را داشته باشد؛ مورد توجه است.

تجارب مختلف نشان داده است که می‌توان آب را با روش‌های گوناگون به نحوی شیرین نمود که با حداقل تولید پساب شور کمترین انرژی را مصرف کند. (خباری<sup>۱</sup>، ۱۳۹۲) با توسعه روزافزون تعداد کارخانه تولید آب شیرین از آب شور، کار بر روی ارتقاء سطح کیفی، راندمان تولید، کاهش انرژی مصرفی در فرایند شیرین سازی آب حائز اهمیت است. بنابراین در این بررسی، هدف این است که ابتدا با بهره‌گیری از مقالات و تجربیات انجام گرفته در زمینه

<sup>5</sup> Vapor compression distillation

<sup>6</sup> Reverse osmosis

<sup>7</sup> Electro dialysis

<sup>8</sup> Reverse Electro dialysis

<sup>1</sup> khabbazi

<sup>2</sup> Alnaimat

<sup>3</sup> Multi effect distillation

<sup>4</sup> Multi stage flash distillation

۲۰۱۶). در این مدل جریان سیال و حرکت ذرات باردار تحت نیروهای هیدرودینامیکی، الکترواستاتیکی قرار گرفته است. التعیمت نشان داد که با کاهش سرعت جریان ورودی، زمان ماند ذرات بیشتر شده و راندمان جداسازی افزایش می‌یابد. همچنین او نشان داد، دو برابر شدن نیروهای الکتریکی و مغناطیسی باعث افزایش سرعت حرکت عرضی ذرات شده و زمان جذب ذرات را تقریباً دو برابر کاهش می‌دهد. با این حال، دو برابر کردن سرعت جریان محوری، سرعت عرضی را تنها ۲۵٪ را افزایش می‌دهد. به‌وضوح نشان داده شده است که ترکیب نیروهای الکتریکی و مغناطیسی می‌تواند به‌طور مؤثر برای جدا کردن نمک‌های محلول شده از آب دریا استفاده شود.

ویسنسیکی و روزانسکا<sup>۴</sup> در سال ۲۰۱۴، تحقیقی در رابطه با حذف یون‌ها با روش غشاها الکترودیالیز ساده و انتخاب‌گر ارائه دادند. نتایج آن‌ها نشان داد که با افزایش دانسیته<sup>۵</sup> جریان به‌تدريج عبور یون‌های دو ظرفیتی از غشای انتخاب‌گر زياد شده که اين باهدف اولیه استفاده از اين نوع غشاها تطابق ندارد، درنتیجه باید دانسیته جریان را کمتر از دانسیته جریان محدود‌کننده در نظر گرفت تا در هزينه برق با استفاده از غشاها انتخاب‌گر صرفه‌جوئی شود. دانسیته جریان محدود‌کننده فاکتور مهمی برای به دست آوردن مقاومت و جریان اعمالی محسوب می‌شود که به خصوصیت غشا و محلول الکترولیز بستگی دارد. در مقاله‌ای که توسط (زو و ساختار الکترولیز بستگی دارد. در مقاله‌ای که توسط (زو و همکاران<sup>۶</sup>، ۲۰۱۳) انجام شد از غشاها انتخاب‌گر هم آنیونی آنیونی و هم کاتیونی استفاده شده است.

در سال ۲۰۱۲ نیکولاوس و پتنت<sup>۷</sup> یک کانال دارای مانع با حضور سیال و نانو ذرات تحت میدان مغناطیسی را مطالعه کردند که هدف آن‌ها جداسازی کاتیون‌ها از آنیون‌ها بود. (لایک و همکاران<sup>۸</sup>، ۲۰۱۲) در تحقیقاتشان جریان پایدار و پالسی در یک کانال در حضور میدان مغناطیسی یکنواخت

در این تحقیق در سیستم نمک زدا علاوه بر اعمال جریان الکتریسیته، جریان آب شور تحت تأثیر میدان مغناطیسی نیز قرار می‌گیرد. بنابرین ذرات باردار به‌طور همزمان تحت تأثیر نیروهای هیدرودینامیکی، مغناطیسی و الکتریسیته قرار گرفته و با مدلسازی عددی حرکت ذرات در شرایط فوق پارامترهای جداسازی ذرات باردار موردنبررسی قرار گرفته است.

نتایج حاکی از آن است که میزان تغییرات میدان الکتریکی و مغناطیسی می‌تواند نقش مهمی در جداسازی یون‌ها ایفا کند. همچنین تغییرات هندسی<sup>۱</sup> سیستم جداساز نیز می‌تواند نقش کلیدی در افزایش درصد جداسازی داشته باشد، از این‌رو در این پژوهش میزان تغییرات ژئومتری سیستم جداساز نیز موردنبررسی قرار گرفته است.

وجود ذرات مختلف با سایزهای متفاوت بخش جدایی‌ناپذیر آبهای شور بوده است. در این پژوهش محدوده وسیعی از ذرات موجود در آب موردنبررسی قرار گرفته است.

در مطالعه حاضر، تأثیر میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی بر مقدار جداسازی یون‌های نمک محلول در آب بررسی شده است. در بخش دیگری از این پژوهش به بررسی تأثیر تغییرات میدان الکتریکی و مغناطیسی بر میزان جدایش ذرات‌های محلول در آب در قطرهای متفاوت پرداخته شده است.

## تاریخچه

زارزو و پرتز<sup>۲</sup> در سال ۲۰۱۸ جنبه‌های مربوط به انرژی و نمک‌زدایی و فن‌آوری‌های مختلف موجود را موردنبررسی قراردادند. آن‌ها کارشان عمدهاً بر روی اسمز معکوس تمرکز داشت که بیشترین کاربرد را در تکنولوژی دارد. در سال ۲۰۱۶ یک مدل تحلیلی الکترومغناطیسی - مکانیکی (EMSR) برای حل پارامترهای عملیاتی برای فرایند نمک‌زدایی بهصورت عددی ارائه شده است (تعییت<sup>۳</sup>,

<sup>5</sup> Density

<sup>6</sup> Xua And Marissa

<sup>7</sup> Nichols And Patent

<sup>8</sup> Layek

<sup>1</sup> Geometric

<sup>2</sup> Zarzo and Prats

<sup>3</sup> Alnaimet

<sup>4</sup> JWisniewski

برای بررسی اثرات شرایط عملیاتی مختلف مانند سرعت جریان، ولتاژ و غلظت، بر روی رفتار آب دریا با الکترودیالیز استفاده کردند.

یک بررسی نظری راجع به پاسخ ذرات کروی به یک جریان مایع یک بعدی، حرکت یک ذره کروی در یک جریان مایع دو بعدی یک سیلندر دایره‌ای و حرکت یک ذره در ایرفویل<sup>۶</sup> توسط مرسی و الکساندر<sup>۷</sup> در سال ۱۹۷۲ مورد بررسی قرار گرفت.

### معادلات حاکم

در این تحقیق جریان آب آرام (عدد رینولدز کمتر از ۵۰) و ذرات نمک محلول در آن با روش اویلر-لاگرانژی مدلسازی شده است. برای جریان آب به عنوان فاز پیوسته معادله ناویر-استوکس شامل بقای جرم و مومنتوم در نظر گرفته می‌شود. این در حالتی است که برای مدلسازی ذرات نمک به عنوان فاز ناپیوسته معادله مومنتوم ذرات (قانون نیوتون) فرض شده است. اثر متقابل ذرات بر فاز پیوسته به صورت جملات منبع نیرو در نظر گرفته می‌شود، حال آنکه نیروی سیال پیوسته بر ذرات از جملات نیروی مختلف تشکیل شده است. فرض اساسی در استفاده از این مدل، مدل اویلر-لاگرانژی، با درصد حجمی (کمتر از ۰.۵٪) است. لذا این مدلسازی از کوپل دوطرفه بهره‌مند است. بدین معنی که اثرات ذرات بر هم نادیده فرض شده است. لذا حضور ذرات در حرکت فاز پیوسته (آب) مؤثر دیده شده است.

معادلات حاکم برای فاز پیوسته آب تراکم ناپذیر به روش اویلری به صورت زیر است:

(۱)

$$\nabla \cdot (\rho \vec{v}_f) = 0$$

(۲)

$$\nabla \cdot (\rho \vec{v}_f \vec{v}_f) = -\nabla p + \nabla \cdot (\mu \nabla \vec{v}_f) + \overrightarrow{\text{Forces}}$$

(۳)

خارجی را گزارش دادند. آن‌ها نشان دادند که منطقه جداسازی جریان با افزایش مقادیر پارامتر مغناطیسی کاهش می‌یابد. مطالعات آن‌ها حاکی از متراکم‌تر شدن سرعت محوری می‌شود. همچنین الگوی جریان و شکل ظاهری با تغییر پارامتر مغناطیسی قابل تغییر است. آن‌ها دریافتند که افزایش میدان مغناطیسی باعث گستردگی سرعت محوری و تغییرات در تنش برشی دیواره در هر دو حالت پایدار و پالسی می‌گردد.

فولرانی<sup>۱</sup>، ۲۰۰۹ یک مدل برای پیش‌بینی جذب میکرو/نانوذرات مغناطیسی در یک سیستم میکروسکوپیک<sup>۲</sup> ارائه دادند. این مدل برای بررسی پارامتری جذب ذرات شامل پارامترهایی مانند اندازه ذرات، خواص مواد، جریان اعمال شده، ابعاد میکرو کانال، خواص سیال و سرعت جریان، بود. او نشان داد با افزایش سرعت محوری جریان اثرات میدان مغناطیسی کاهش می‌یابد.

یک سیستم دو بعدی مغناطیسی از ذرات معلق در روغن سیلیکون به عنوان یک بستر برای تجزیه و تحلیل زیست‌محیطی توسط Lehmann و همکاران<sup>۳</sup> در سال ۲۰۰۶ ارائه شد. پارامغناطیس در داخل قطرات، باعث حرکت مغناطیسی انجام شود آن‌ها نشان دادند با افزایش مغناطیس پذیری ذرات مقدار انحراف و جذب قطرات مغناطیسی افزایش می‌یابد.

مشکل اساسی جریان سیالات بیومغناطیسی در یک کانال تحت تأثیر میدان مغناطیسی در سال ۲۰۰۴ توسط Loukopoulos و Tzirtziklakis<sup>۴</sup> مورد مطالعه قرار گرفته است. نتایج مربوط به میدان سرعت و دما، اصطکاک پوسته و نرخ انتقال حرارت نشان می‌دهد که حضور میدان مغناطیسی تأثیر قابل توجهی بر میدان جریان می‌گذارد.

محمدی و کاویانی<sup>۵</sup> در سال ۲۰۰۴ به دنبال روشی برای استفاده از روش‌های مناسب برای تصفیه آب دریا، یک سلول الکترودیالیز تجربی بسیار کوچک طراحی و ساختند و آن را

<sup>5</sup> Mohammadi And Kaviani

<sup>6</sup> Airfoil

<sup>7</sup> Morsi, And Alexander

<sup>1</sup> Furlani

<sup>2</sup> Microscopic

<sup>3</sup> Lehmann

<sup>4</sup>Loukopoulos and Tzirtziklakis

$$\vec{F}_D = \frac{18 \mu_f C_D Re_p}{24 \rho_p d_p^2} (\vec{v}_f - \vec{v}_p) = \frac{1}{\tau_p} (\vec{v}_f - \vec{v}_p)$$

که  $Re_p$  عدد رینولدز ذره،  $\vec{v}_p$  به ترتیب سرعت سیال و

سرعت ذره و  $\rho_p$  چگالی ذره،  $d_p$  قطر ذره،  $\mu_f$  ویسکوزیته سیال و  $\tau_p$  زمان ماند ذره به صورت زیر تعریف می‌شود:

(9)

$$Re_p = \frac{\rho_p d_p}{\mu_f} |V_p - V_f|$$

$$\tau_p = \frac{4}{16} \frac{\rho_p d_p^2}{\mu_f C_p Re_p}$$

(10)

$C_D$  ضریب پسا است.

نیروی برآونی ( $F_B$ ) به وسیله برخورد تصادفی ذرات با مولکول‌های سیال ایجاد می‌شود. این نیرو به برخورد تصادفی ذرات و اتم‌های غوطه‌ور در داخل سیال یا گاز دلالت دارد.

(11)

$$F_{Bt} = \xi_i \sqrt{\frac{\pi S_0}{\Delta t}}$$

که  $\xi_i$  عدد تصادفی گاووسی مستقل-واریانس واحد است. اجزای نیروی برآونی طی فرایند نویزواتیت گاووسین<sup>۷</sup> باشد طیفی  $S_{n,ij}$ <sup>۸</sup> مدلسازی می‌شوند و  $\Delta t$  تغییرات زمان را نشان می‌دهد.

مغنطیس دائمی در ابعاد میکروسکوپی می‌توانند یک میدان مغنطیسی به اندازه کافی بزرگ (بزرگتر از ۰/۵ تسلا) برای اشباع مغنطیسی ذرات مغنطیسی فراهم آورند. در این وضعیت ذرات مانند یک آهنربای (مغنطیس) دائمی عمل می‌کنند. برای محاسبه میدان مغنطیسی وارد بر ذره منابع و روابط زیادی بسته به نوع میدان و اندازه ذرات و پارامترهای دیگر وجود دارد. برای محاسبه نیروی مغنطیسی وارد بر ذره از معادله زیر استفاده می‌شود.

(12)

$$\vec{F}_B = q \vec{v} \times \vec{B}$$

در رابطه بالا  $q$  بار یک ذره،  $B$  میدان مغنطیسی و  $v$  سرعت ذره است. نیروهای مغنطیسی و الکتریکی در جهت  $z$  وارد

$$\vec{v}_p = \frac{d\vec{X}_p(x, y, z, t)}{dt} = \frac{dx_p}{dt} \hat{i} + \frac{dy_p}{dt} \hat{j} + \frac{dz_p}{dt} \hat{k}$$

$$\frac{d\vec{v}_p}{dt} = \frac{du_p}{dt} \hat{i} + \frac{dv_p}{dt} \hat{j} + \frac{dw_p}{dt} \hat{k} \quad (4)$$

در معادلات اخیر،  $\rho$  چگالی مخلوط سیال،  $P$  فشار سیال و  $\vec{v}$  بردار سرعت جريان است. Forces جمله منبع معادله مومنتوم و ناشی از حضور ذرات در فاز پيوسته است. وقتی که ذرات از میان حجم کنترل شبکه ایجادشده مفروض عبور می‌کند، برای سیال آب می‌توان نوشت:

(5)

$$\overrightarrow{Forces} = \sum_{i=1}^p \frac{m_i}{\delta v} \vec{F}$$

که  $P$  تعداد ذرات موجود در حجم کنترل سلول  $\delta V$  است. معادله حرکت ذره با به کار گیری قانون دوم نیوتون به صورت زیر است:

(6)

$$\vec{v}_p = \frac{d\vec{X}_p(x, y, z, t)}{dt} = \frac{\partial x_p}{\partial t} + \frac{\partial x_p}{\partial x} u_p \hat{i} + \frac{\partial x_p}{\partial y} v_p \hat{j} + \frac{\partial x_p}{\partial z} w_p \hat{k} \quad (7)$$

$$\frac{d\vec{v}_p}{dt} = \vec{F} = \vec{F}_D + \vec{F}_B + \vec{F}_M + \vec{F}_E + \vec{F}_m + \vec{F}_g$$

که  $\vec{F}_D$  نیروی پسا<sup>۱</sup>، نیروی بروآنی<sup>۲</sup>، نیروی مغنطیسی<sup>۳</sup>، نیروی الکتریکی<sup>۴</sup>، نیروی مگنیس<sup>۵</sup> و نیروی وزن هستند. اکثر نیروهایی که در بالا به آن‌ها اشاره شد، برای ذرات بزرگ کاربرد دارند و برای ذرات در مقیاس نانو قابل چشم‌پوشی هستند.

نیروی پسا به دلیل سرعت نسبی بین ذره و سیال روی ذره اثر می‌کند. بهویژه هنگامی که عدد رینولدز کمتر از ۱۰۰ باشد، نیروی پسا نیروی غالب برای حرکت ذره است. نیروی پسا از رابطه زیر به دست می‌آید.

(8)

<sup>5</sup> Magnous Force

<sup>6</sup> Particle relaxation time

<sup>7</sup> Gaussian white noise process

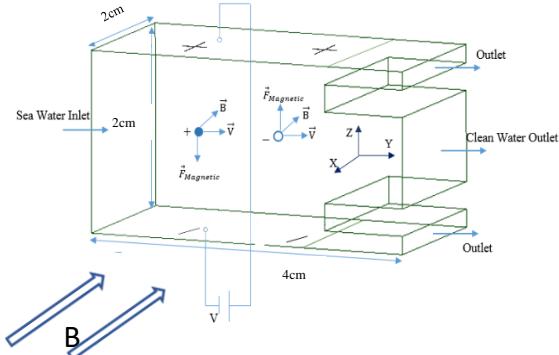
<sup>8</sup> Spectral intensity

<sup>1</sup> Drag Force

<sup>2</sup> Brownian Force

<sup>3</sup> Magnetic Force

<sup>4</sup> Electric Force



شکل (۱): شکل شماتیک و ابعاد و شبکه‌بندی کانال

موردنبررسی

جدول (۱): خواص آب خالص و ذرات نمک

ذرات نمک	آب خالص	واحد	پارامتر
۲۱۶۰	۹۹۸.۲	(kg/m³)	چگالی
-	۰.۰۰۱۰۳	kg/(m.s)	ویسکوزیتی نیوتونی
1.35 e-6	1.275 e-6	h/m	نفوذپذیری مغناطیسی
۰.۳	-	(C)	چگالی بار

### بررسی استقلال حل از شبکه

در روش عددی تحقیق موجود که معادلات حاکم بر حرکت سیال پیوسته آب و ذرات به روش حجم محدود گسسته سازی می‌شوند، نیاز به ایجاد شبکه محاسباتی است. برای حصول اطمینان از عدم وابستگی جواب‌ها به اندازه شبکه و المان‌های مورداستفاده برای استقلال حل از شبکه محاسباتی ضروری است. چهار نوع شبکه‌بندی با ابعاد مختلف مطابق جدول (۲) ایجاد گردیده است. متوسط سرعت سیال خروجی به عنوان معیار مقایسه‌ای انتخاب شده است. ملاحظه می‌گردد که برای تعداد المان ۶۷۸۲۶ (ردیف سوم) با افزایش تعداد المان‌ها، سرعت خروجی تغییری ندارد. لذا شبکه ردیف سوم به عنوان مبنای محاسباتی در نظر گرفته شده است.

جدول (۲) جدول بررسی استقلال حل از شبکه

سرعت سیال خروجی (m/s)	تعداد گره‌ها	تعداد المان‌ها	ردیف
۱.۲	۳۲۱۹۰	۲۵۸۹۰	۱
۱.۸۹	۴۶۱۲۱	۴۱۸۸۶	۲
۱.۸۱	۷۵۹۸۳	۶۷۸۲۶	۳
۱.۸۱	۹۹۵۶۴	۹۰۳۴۷	۴

می‌شوند و بر روی ذرات داخل آب تأثیر می‌گذارند مطابق رابطه (۱۳) نیروی الکتریکی که توسط میدان الکتریکی ایجاد می‌شود به صورت زیر به دست می‌آید:

(۱۳)

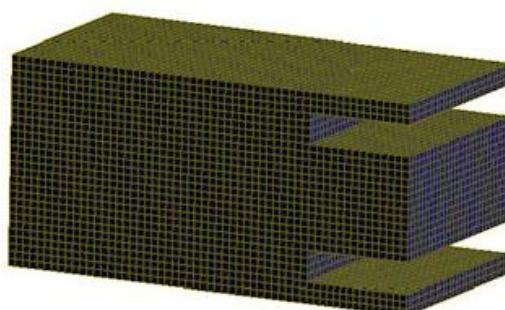
$$\vec{F}_E = q\vec{E}$$

در رابطه بالا  $E$  میدان الکتریکی،  $q$  بار الکتریکی ذره و  $\vec{F}_E$  نیروی الکتریکی وارد بر ذره است.

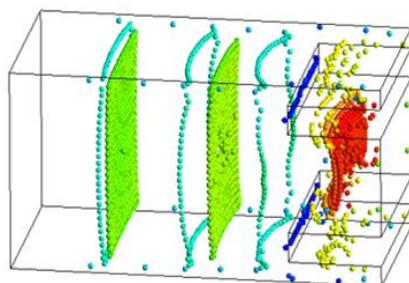
### شبیه‌سازی

#### هندسه و ایجاد شبکه

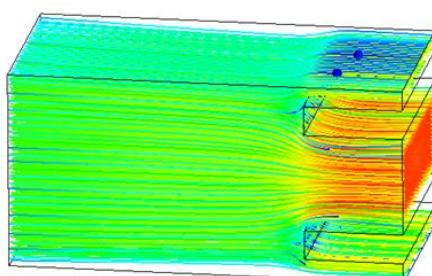
شکل (۱) شماتیک و ابعاد هندسی و نحوه عملکرد جداسازی را نشان می‌دهد. این جداساز دارای یک ورودی آب دریا و سه خروجی است. به طوری که در خروجی، آب تصفیه شده از ناحیه خروجی میانی خارج می‌شود. میدان الکتریکی سبب یونیزه شدن آب دریا می‌گردد. به طوری که یون‌های نمک مثبت و منفی مطابق شکل ایجاد می‌گردند. اکنون برای هدایت بهتر این یون‌ها به طرف خروجی‌های  $B$  نیاز به حضور یک میدان مغناطیسی است. جهت نیروهای اعمالی بر ذرات باردار، مطابق شکل به صورت اجمالی نمایش شده است. اگر این نیروها فرصت کافی برای هدایت ذرات به خروجی‌های بالای و پایینی داشته باشد، جداسازی به خوبی انجام خواهد شد. لذا در این میان، شدت میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی، قطر ذرات، سرعت آب ورودی و رژیم جریان دارای اهمیت فراوانی است. به عنوان پیش‌فرض مطابق مرجع (۲) ابعاد این دستگاه جداسازی با مقطع ۲×۲۶ و طول ۴ سانتیمتر در نظر گرفته شده است.



الکتریکی ثابت فرض شده است. ابتدا در غیاب میدان مغناطیسی و الکتریکی رفتار جداساز بررسی می‌گردد. شکل (۳-الف) توزیع ذرات درون کانال را نشان می‌دهد که به صورت یکنواخت همراه با جریان آب درون جاذب در حرکت است و در قسمت خروجی‌ها ذرات در حال خارج شدن به همراه سیال هستند ذرات با سرعت  $1 \text{ m/s}$  تزریق شده و سرعت آن‌ها در خروجی تقریباً به مقدار  $2 \text{ m/s}$  رسید. در شکل (۳-ب) خطوط سرعت ذرات را نشان می‌دهند. در این شکل‌ها مشخص است که بدون اعمال نیروی مغناطیسی و الکتریکی ذرات به صورت موازی و یکنواخت و در یک جهت حرکت کرده و از کانال خارج می‌شوند.



(الف) توزیع ذرات



(ب) خطوط جریان ذرات

شکل (۳): توزیع ذرات در کانال با میدان مغناطیسی  $B=0$  و میدان الکتریکی  $V=0$

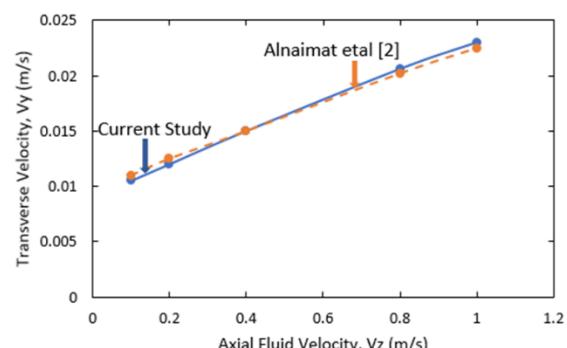
جدول (۳): درصد جذب ذرات در میدان در میدان الکتریکی  $V=1$  و میدان مغناطیسی‌های متفاوت

Reynolds Number	Magnetic Field (Tesla)	Electric Voltage (Volt)	Particle Diameter (nm)	Particle Absorption (%)
10	.	.	1000	.
	0,1			63,3
	0,5			65
	1			71,1
	2			79,6

## اعتبارسنجی

با مقایسه مطالعه حاضر با پژوهش انجام‌شده توسط در سال ۲۰۱۶ النعیمت و همکاران تحقیقی برای یک کانال تحت میدان مغناطیسی و الکتریکی ارائه دادند که برای اعتبار سنجی از این مقاله استفاده شده است (النعیمت، ۲۰۱۶). در شکل (۲) با نمودار سرعت محوری سیال در جهت  $Z$  نسبت به سرعت عرضی با تحقیق مذکور مقایسه شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود روند تغییرات سرعت عرضی با افزایش سرعت سیال دارای منحنی‌های تقریباً یکسانی است. تغییرات ایجادشده در این نمودارها می‌تواند ناشی از نوع مدلسازی و همچنین افزایش میزان تعداد سلول (کاهش شدید اندازه سلول‌ها و همچنین کاهش شدید قطر سلول در نزدیکی دیواره) باشد.

لازم به ذکر است که هندسه این کانال به صورت متقارن در مقاله مرجع، شبیه‌سازی شده است. هرچند وجود جاذبه در جهت  $Z$  سبب ایجاد خطأ در تقارن می‌گردد. لذا تحقیق حاضر تمام هندسه به طور کامل در نظر گرفته شده است.

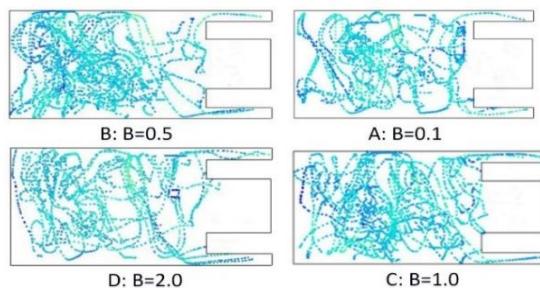


شکل (۲): نمودار اعتبارسنجی کار النعیمت و همکاران با این تحقیق

## بحث و بررسی نتایج

### تأثیر میدان مغناطیسی بر جذب ذرات

در این بخش تأثیر میدان مغناطیسی در جذب ذرات بررسی می‌شود. سرعت سیال و ذرات در ورود نیز ثابت و برابر با  $1 \text{ m/s}$  در نظر گرفته شده‌اند. قطر ذرات ثابت و برابر با  $1 \text{ میکرومتر}$  می‌باشد. ذرات به صورت دائمی همراه با آب با عدد رینولدز  $10$  وارد جاذب می‌گردند. همچنین میدان



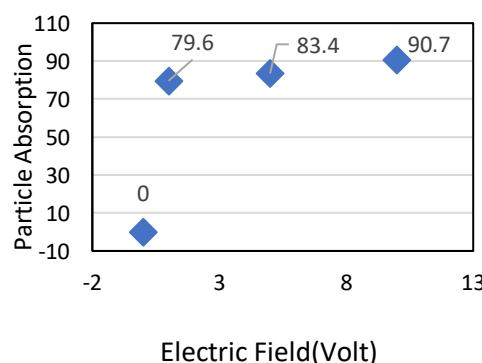
شکل (۵): مسیر حرکت ذرات با اعمال میدان مغناطیسی متفاوت در شرایط  $V=1\text{ Volt}$  و  $\text{dp}=1000\text{ nm}$  در صفحه  $y-z$

**تأثیر میدان الکتریکی بر جذب ذرات**  
در بخش قبلی میدان مغناطیسی بر دو دیواره کanal با وجود میدان الکتریکی ثابت وارد شده و درصد جذب ذرات به دست آمد در این بخش میدان الکتریکی به صورت متغیر بر دو سمت دیگر دیواره‌ها وارد می‌شود در حالی که میدان مغناطیسی با یک مقدار ثابت و برابر با  $2 \text{ Tesla}$  وارد می‌شود؛ و سرعت سیال و ذرات در یک مقدار ثابت برابر با  $1\text{ m/s}$  و قطر  $1\text{ }\mu\text{m}$  نگهداشته می‌شوند تا تأثیر میدان الکتریکی هم‌زمان با میدان مغناطیسی سنجیده شود. افزایش جذب ذرات با افزایش میدان الکتریکی در جدول (۴) نشان داده شده است.

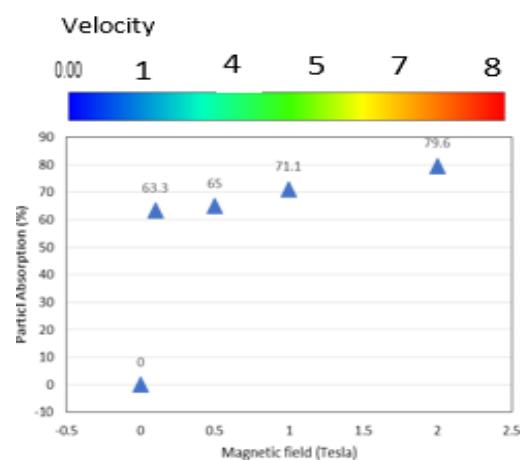
جدول (۴): درصد جذب ذرات در میدان مغناطیسی

$B=2$  و میدان الکتریکی‌های متفاوت

Reynolds Number	Magnetic Field (T)	Electric Voltage (v)	Particle Diameter (nm)	Absorption (%)
10	2	.	1000	.
		1		79.6
		5		83.4
		10		90.7



وجود میدان مغناطیسی و میدان الکتریکی بر روی حرکت و جذب ذرات تأثیر گذاشته و باعث آشفتگی در جریان می‌گردد. در شکل (۴) درصد افزایش جذب ذرات با افزایش میدان مغناطیسی برای درک بهتر با نمودار نشان داده شده است.



شکل (۴): نمودار درصد جذب ذرات با افزایش میدان مغناطیسی در  $V=1\text{ Volt}$

در شکل (۵) مسیر حرکت نانو ذرات در داخل کanal تحت میدان مغناطیسی‌های متفاوت در صفحه  $y-z$  قابل رویت است. در این اسکال مسیر حرکت نانو ذرات دیده می‌شود. مشاهده می‌شود پس از آشفتگی‌های زیاد، ذرات در امتداد کanal به سمت دیواره‌های بالا و پایین جذب شده و نهایتاً بیشتر خطوط جریان ذرات به سمت خروجی‌های بالا و پایین می‌روند؛ و این نواحی خارج می‌شود. همان‌طور که مشاهده می‌گردد با شروع اعمال میدان مغناطیسی در مقادیر کم، تعداد کمی از خطوط ذرات جذب دیواره‌ها شده و از مقاطع بالا و پایین تخلیه می‌گردد. با افزایش میدان مغناطیسی تعداد خطوط ذراتی که به سمت دیواره‌ها جذب شده و نهایتاً از مقاطع بالا و پایین تخلیه می‌گردند افزایش می‌یابد. در این اسکال محور اعداد سرعت را برحسب  $\text{m/s}$  نشان می‌دهد. از اعداد داخل شمارگر مشخص است که با افزایش میدان مغناطیسی سرعت ذرات نیز افزایش می‌یابد. ماکزیمم سرعت در میدان مغناطیسی  $2\text{ Tesla}$  حدود  $88\text{ m/s}$  در میدان مغناطیسی  $0.1\text{ Volt}$  برابر با  $68\text{ m/s}$  است.

۰/۰۰ تسلا، شاهد کاهش محسوسی در میزان جدایش ذرات شده‌ایم. این میزان در کمترین مقدار ولتاژ یعنی  $2/0$  ولت تقریباً اثر جدایش از بین رفته است و ذرات کاملاً از رفتار سیال پیروی می‌کنند.

**تأثیر تغییر قطر ذرات بر میزان جذب آن‌ها**  
در این بخش میزان جذب ذرات با افزایش قطر آن‌ها در یک عدد رینولدز ثابت  $10$  موردنرسی قرار می‌گیرد. ذرات با پنج قطر  $1000, 500, 100, 50$  و  $10$  نانومتر از ورودی تزریق می‌شوند. میزان جذب ذرات در میدان مغناطیسی و الکتریکی ثابت با قطرهای مختلف با یکدیگر مقایسه شده است. در جدول  $6$  نتایج حاصل مشاهده می‌گردد.

جدول (۶): میزان جذب ذرات در میدان‌های مغناطیسی مختلف و قطرهای متفاوت ذرات با  $Re=10$

Magnetic Field (T)	Electric Voltage (v)	Particle Diameter (nm)	Absorption (%)
۰,۱	۱	۱۰۰۰	۶۳,۳
		۵۰۰	۵۹,۸
		۱۰۰	۵۰,۲
		۵۰	۴۷,۲
		۱۰	۴۵,۸
۱	۱	۱۰۰۰	۷۱,۷
		۵۰۰	۶۸
		۱۰۰	۶۲,۹
		۵۰	۵۹,۹
		۱۰	۵۸,۵
۱	۱۰	۱۰۰۰	۹۰,۷
		۵۰۰	۸۷,۱
		۱۰۰	۸۲,۵
		۵۰	۷۸,۱
		۱۰	۷۶,۷

از نتایج جدول بالا می‌توان دریافت که با افزایش قطر ذرات درصد جذب آن‌ها نیز افزایش می‌یابد گرچه تأثیر این افزایش به اندازه تأثیر افزایش میدان مغناطیسی بر جذب ذرات نیست. در نمودارهای اشکال  $۹$  و  $۱۰$  نیز مقایسه جذب این ذرات در میدان مغناطیسی و الکتریکی متفاوت آورده شده است. مشخص است که با افزایش قطر و افزایش میدان مغناطیسی و الکتریکی درصد جذب ذرات افزایش قابل توجهی می‌یابد و به حدود  $۹۰\%$  می‌رسد. مشاهده گردید در ذرات کوچک‌تر

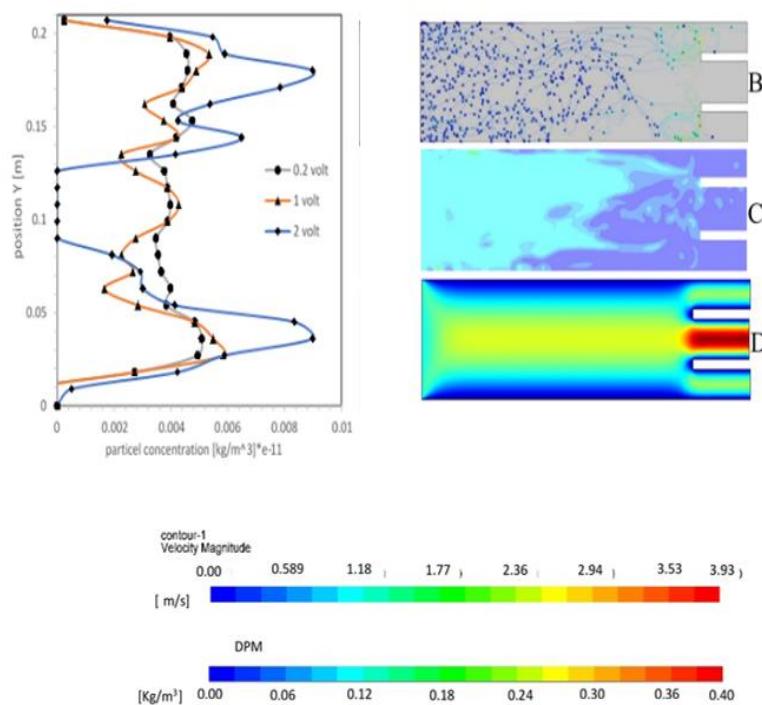
شکل (۶): نمودار درصد جذب ذرات با افزایش میدان الکتریکی  $B=2$ Tesla در

شکل (۶) بردار سرعت حرکت ذرات را برای چهار ولتاژ متفاوت نشان می‌دهد. این تحلیل برای سرعت سیال و ذرات برابر با  $1 \text{ m/s}$  با رینو لذ  $\theta$  ثابت و قطر ذرات  $1$  میکرومتر انجام شده است. با شروع اعمال میدان مغناطیسی و الکتریکی به دلیل افزایش تأثیر نیروهای مغناطیسی نسبت به نیروهای بین‌مولکولی یون‌های مشبت و منفی آزاد شده و درنتیجه حرکت چرخشی و آشفته ذرات تحت میدان تشکیل می‌گردد. در این اشکال با افزایش شدت میدان مغناطیسی تعداد یون‌های بیشتری آزاد شده که این یون‌ها به سمت قطب‌های با بار مخالف جذب می‌گردند. درواقع به علت وجود نیروهای مغناطیسی و الکتریکی ذرات قبل از رسیدن به خروجی به دیواره‌ها نزدیک می‌شوند.

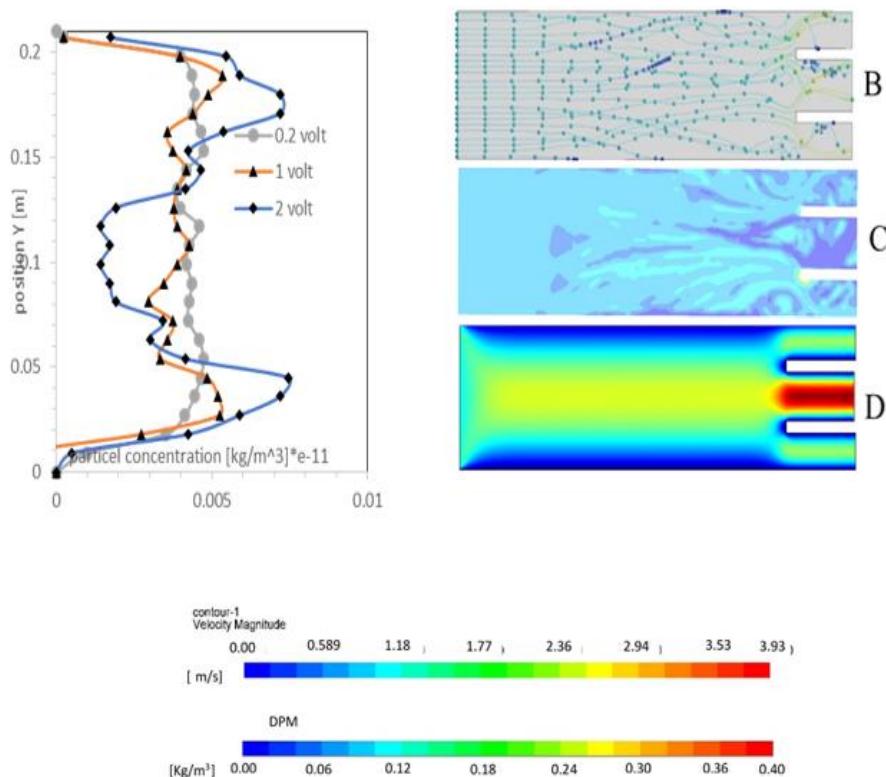
همان‌طور که نشان داده شده است با افزایش میدان الکتریکی خطوط جریان ذرات به ناحیه خروجی آب شیرین وارد نشده و بیشترین جذب ذرات و تصفیه آب اتفاق می‌افتد. مقدار غلظت ذرات با اعمال میدان‌های مغناطیسی متفاوت نمودار شکل (۷) میزان جدایش ذرات در خروجی در شرایط اعمال میدان مغناطیسی  $۲/۰$  تسلا و ولتاژهای متفاوت در بازه میدان‌های الکتریکی  $۰/۰$  تا  $۰/۲$  ولت را نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود با افزایش مقدار ولتاژ، میزان جدایش به طور محسوسی افزایش یافته است. این روند در میزان غلظت ذرات در خروجی قابل مشاهده است. همچنین مشاهده می‌شود در کمترین میزان ولتاژ، مقدار غلظت ذرات، کاملاً وابسته به حرکت سیال در کanal بوده است، ولی با کمی ناهنجاری در قسمت مرکزی کanal مواجه شده است. همان‌طور که در شمارگرهای  $B$  و  $C$  دیده می‌شود، مسیر حرکت و غلظت ذرات به سمت خروجی‌ها هدایت شده است که نشان‌دهنده جدایش کامل در این مقطع است. در شکل D شمارگر سرعت سیال نشان داده شده است همان‌طور که انتظار می‌رود، میدان مغناطیسی برای سیال تأثیر محسوسی نداشته است، که این امر به‌وضوح در شکل D مشاهده می‌شود. نکته قابل ذکر این که به دلیل تجمع ذرات در جاکنده‌ها دبی بیشتری از سیال در خروجی مرکزی کanal مشاهده می‌شود. بطوریکه در شکل (۸) مشاهده می‌شود با کاهش میدان مغناطیسی از  $۰/۲$  تسلا به

کاهش الکترومغناطیس حدود ۵ درصد به طور ناگهانی کاهش مولکولهای آب، راندمان جذب ذرات با روش می‌یابد.

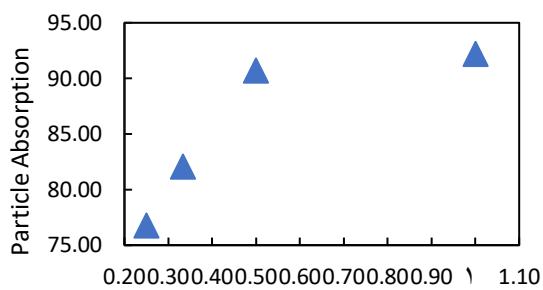
از nm ۱۰۰ به علت حضور نیروهای بین‌مولکولی ذرات و مولکولهای آب، راندمان جذب ذرات با روش می‌یابد.



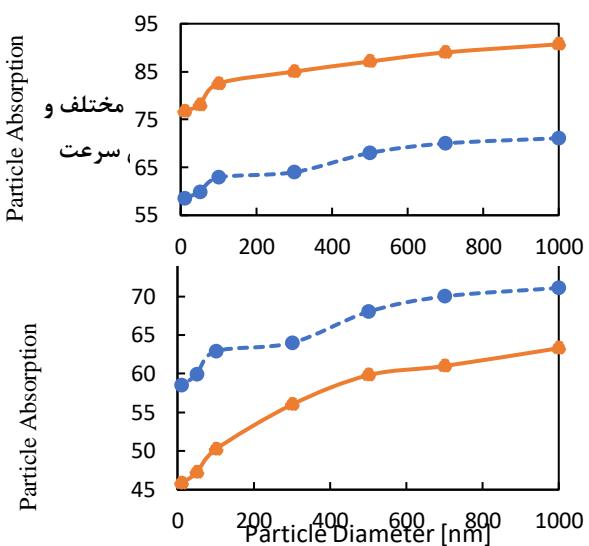
شکل (۷): A-میزان جدایش ذرات در خروجی در .B=0.2 tesla .B=0.2 tesla C-مسیر حرکت ذرات D-مقدار غلظت ذرات D-شمارگر سرعت



شکل (۸): A-میزان جدایش ذرات در خروجی در .B=0.02 tesla .B=0.02 tesla C-مسیر حرکت ذرات D-مقدار غلظت ذرات D-شمارگر سرعت



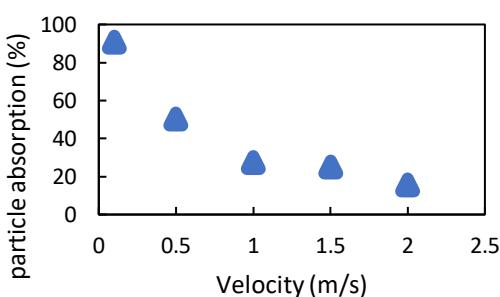
شکل (۱۱): درصد جذب ذرات در نسبت‌های ابعادی مختلف،  
 $d_p=1\mu\text{m}$ ,  $V_p=V_f=0.1 \text{ m/s}$ ,  $B=2\text{T}$ ,  $V=10\text{v}$



شکل (۱۰): درصد جذب ذرات در میدان‌های مغناطیسی مختلف و قطرهای متفاوت ذرات،  
 $V_p=V_f=0.1 \text{ m/s}$ ,  $V=1\text{v}$

### تأثیر سرعت سیال ورودی

در تمام تحلیل‌های قبلی سرعت ورودی سیال ثابت و برابر با  $1 \text{ m/s}$  و رینولدز  $10$  انجام شده‌اند. حال هدف این است که تأثیر سرعت ورودی سیال بر روی جذب ذرات سنجیده شود. در شکل (۱۲) مشاهده می‌شود که تحلیل برای پنج سرعت ورودی متفاوت سیال انجام شده است این نتایج در یک میدان مغناطیسی و میدان الکتریکی ثابت برابر به ترتیب برابر با  $2$  تسلو و  $10$  ولت و قطر ثابت ذرات برابر  $1 \text{ }\mu\text{m}$  میکرومتر به دست آمده‌اند. با توجه به نمودار شکل (۱۲) مشاهده می‌گردد هر چه سرعت ورودی سیال بیشتر شود درصد جذب ذرات کاهش می‌یابد. درواقع با کاهش سرعت سیال میدان فرصت بیشتری برای جذب ذرات در دیواره‌ها دارد. با افزایش سرعت به  $2 \text{ m/s}$  بر ثانیه مشاهده می‌گردد که تقریباً اکثر ذرات حدود  $15\%$  از خروجی خارج شده و جذب دیواره‌ها نمی‌گردد.



شکل (۱۲): درصد جذب ذرات با افزایش سرعت ذرات

تأثیر تغییر هندسه جاذب بر درصد جذب ذرات  $\mu\text{m}1$  در این بخش تغییر نسبت ابعادی جاذب موردنبررسی و تحلیل قرار می‌گیرد. مقاطع خروجی جاذب شامل یک خروجی میانی آب تصفیه شده و دو خروجی بالا و پایین، جهت تخلیه کنstantنتره<sup>۱</sup> ذرات نمک است. در این بخش ابعاد کanal را تغییر داده و درصد جذب ذرات در شرایط یکسان بررسی می‌شوند. بدین صورت که نسبت ابعادی  $a/b$  به صورت کل ارتفاع کanal جاذب نسبت به عرض کanal در نظر گرفته می‌شود.

در این بخش تأثیر نسبت ابعادی را برای بهترین حالت که در آن نیروی مغناطیسی و الکتریکی و قطر ذرات بهینه ترین حالت را دارند برای بررسی نسبت ابعادی انتخاب می‌شوند؛ که قطر ذرات  $1000 \text{ nm}$  و مقدار میدان مغناطیسی و الکتریکی به ترتیب  $1 \text{ Tesla}$  و  $10 \text{ Volt}$  در نظر گرفته شده اند. نتایج برای چهار نسبت ابعادی مختلف  $a/b = 1, 1/2, 1/3, 1/4$  موردنبررسی قرار گرفتند و نتایج در شکل (۱۱) آورده شدند. در شکل مشخص است که با کاهش نسبت ابعادی مقدار جذب ذرات نیز کمتر می‌شود.

با قطرهای مختلف با یکدیگر مقایسه شدند. از نتایج مشخص شد که با افزایش قطر ذرات درصد جذب آنها نیز افزایش می‌یابد گرچه تأثیر این افزایش بهاندازه تأثیر افزایش میدان مغناطیسی بر جذب ذرات نیست.

- تغییر نسبت ابعادی موردنظری قرار گرفت به این صورت که قطر ذرات  $1000\text{ nm}$  و مقدار میدان مغناطیسی و الکتریکی به ترتیب  $1\text{ Tesla}$  و  $10\text{ Volt}$  درنظر گرفته شده‌اند. نتایج برای  $3$  نسبت ابعادی مختلف  $a/b = 1/2$ ,  $a/b = 1/3$  و  $a/b = 1/4$  مورد بررسی قرار گرفتند و مشخص شد که با کاهش نسبت ابعادی مقدار جذب ذرات نیز کمتر می‌شود.

- تأثیر سرعت ورودی سیال بر روی جذب ذرات سنجیده شود. تحلیل برای  $5$  سرعت ورودی متفاوت سیال انجام شده است این نتایج در یک میدان مغناطیسی و میدان الکتریکی ثابت برابر به ترتیب برابر با  $2\text{ Tesla}$  و  $10\text{ Volt}$  و قطر ثابت ذرات برابر  $1\text{ میکرومتر}$  به دست آمده‌اند. هر چه سرعت ورودی سیال بیشتر می‌شود درصد جذب ذرات کاهش می‌یابد. درواقع با کاهش سرعت سیال میدان فرصت بیشتری برای جذب ذرات در دیواره‌ها دارد. با افزایش سرعت به  $2\text{ متر بر ثانیه}$  مشاهده می‌گردد که تقریباً اکثر ذرات حدود  $15\%$  از خروجی خارج شده و جذب دیواره‌ها نمی‌گردد.

## منابع

- 1- خبری خادر، ح. ۱۳۹۲ بررسی فنی و اقتصادی استفاده ترکیبی از دستگاه ECR با دستگاه ROBW
2. Alnaimat, F. Alhseinat, E. Banat, F. & Mittal, (2016). Electromagnetic–mechanical desalination: Mathematical modeling. Desalination, 380, 75-84.
3. S. Alexander Stern Richard D. Noble, "Membrane Separation Technology Principles and Applications". ELSEVIER, 2003.
- 4- Nichols, T. O. (2012). U.S. Patent No. 8,110,175. Washington, DC: U.S. Patent and Trademark Office.
5. Mohammadi, T. & Kaviani, A. (2003). Water shortage and seawater desalination by electrodialysis. Desalination, 158(1-3), 267-270.

## نتیجه‌گیری

- در نگاه بهینه‌سازی، استفاده از روشی که با مصرف انرژی پایین‌تر و با کمترین تولید پساب شور، توانایی شیرین سازی آب را داشته باشد، مورد توجه است. تجارب مختلف نشان داده است که می‌توان آب را با روش‌های گوناگون به نحوی شیرین نمود که با حداقل تولید پساب شور کمترین انرژی را مصرف کند. الکترودیالیز یکی از روش‌های جداسازی ذرات باردار است که در آن آب شور تحت تأثیر ولتاژ جریان مستقیم به عنوان نیروی محركه فرآیند، قرار می‌گیرد. در این تحقیق در سیستم نمک زدا علاوه بر اعمال جریان الکتریسیته، جریان آب شور تحت تأثیر میدان مغناطیسی نیز قرار می‌گیرد. بنابرین ذرات باردار به طور همزمان تحت تأثیر نیروهای هیدرودینامیکی، مغناطیسی و الکتریسیته قرار گرفته و با مدل عددی شبیه‌سازی شده و حرکت ذرات در شرایط فوق، پارامترهای جداسازی ذرات باردار و همچنین راندمان جداسازی موردنظری قرار گرفته است. درواقع نکته قابل ذکر به عنوان نوآوری در این تحقیق اعمال نیروهای مغناطیسی بر مسیر حرکت ذرات باردار و حامل بار الکتریکی است. و نشان داده شد با اعمال همزمان میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی راندمان جداسازی به میزان قابل توجهی افزایش می‌یابد.

- درصد جذب ذرات در میدان‌های مغناطیسی مختلف موردنظری قرار گرفت است و مشاهده شد که افزایش جذب ذرات با افزایش میدان مغناطیسی اتفاق می‌افتد.

- میدان الکتریکی به صورت متغیر بر دو سمت دیگر دیواره‌ها وارد شده در حالی که میدان مغناطیسی با یک مقدار ثابت و برابر با  $2\text{ Tesla}$  وارد شده و سرعت سیال و ذرات در یک مقدار ثابت برابر با  $0.1\text{ m/s}$  و قطر  $1\text{ میکرومتر}$  نگهداشته شدن. افزایش جذب ذرات با افزایش میدان الکتریکی به دست آمد.

- میزان جذب ذرات با افزایش قطر آنها در یک عدد رینولدز ثابت  $10$  موردنظری قرار گرفت ذرات با سه قطر  $1000$  نانومتر،  $10$  نانومتر و  $100$  نانومتر از ورودی تزریق شده میزان جذب ذرات در میدان مغناطیسی و الکتریکی ثابت

17. Y. He, D.W.L. Zhang, "Flow and migration of nanoparticle in a single channel," *Heat Mass Transfer*, pp. 45:1061–1067, 2009.
18. J. W. Havercort, S. Kenjeres, C. R. Kleijn, "Computational Simulations of Magnetic Particle Capture in Arterial Flows", *Annals of Biomedical Engineering*, 10.1007/s10439-009-9786, 2009.
- 19- T.F. Kong, E H S, H.S. Sugiarto, H.F. Liew, X. Wang, W.S. Lew, N.T. Nguyen, Y. Chen, An efficient microfluidic sorter: implementation of double meandering micro striplines for magnetic particles switching, *Microfluid. Nanofluid.* 10 (2011) 1069–1078.
6. Furlani, E. P. Sahoo, Y. Ng, K. C. Wortman, J. C. & Monk, T. E. (2007). A model for predicting magnetic particle capture in a microfluidic bioseparator. *Biomedical Microdevices*, 9(4), 451-463.
7. Zarzo, D. & Prats, D. (2018). Desalination and energy consumption. What can we expect in the near future? *Desalination*, 427, 1-9.
8. Bandyopadhyay, S. and G. C. Layek. "Study of magnetohydrodynamic pulsatile flow in a constricted channel." *Communications in Nonlinear Science and Numerical Simulation* 17.6 (2012): 2434-2446.
- 9-JWisniewski A.rozomska "Institute of Environment Protection Engineering Wrocław University of Technology 50-370" Wrocław, Poland
10. Xua, b, c, Marissa Capitoa,c, Tzahi Y. Catha,CaMSF "Selective removal of arsenic and monovalentions from brackish water reverse osmosis concentrate" 2013.
11. Loukopoulos, V. C. and E. E. Tzirtzilakis. "Biomagnetic channel flow in spatially varying magnetic field." *International Journal of Engineering Science* 42.5-6 (2004): 571-590.
12. Lehmann, U. Hadjidj, S. Parashar, V. K. Vandevyver, C. Rida, A. & Gijs, M. A. (2006). Two-dimensional magnetic manipulation of microdroplets on a chip as a platform for bioanalytical applications. *Sensors and Actuators B: Chemical*, 117(2), 457-463.
13. Morsi, S. A. J. & Alexander, A. J. (1972). An investigation of particle trajectories in two-phase flow systems. *Journal of Fluid mechanics*, 55(2), 193-208.
14. Mohammadi, T. Moheb, A. Sadrzadeh, M. & Razmi, A. (2004). Separation of copper ions by electrodialysis using Taguchi experimental design. *Desalination*, 169(1), 21-31.
15. E.E. Tzirtzilakis, V.D. Sakalis, N.G. Kafoussias, and P.M. Hatzikonstantinou, "Biomagnetic fluid flow in a 3D rectangular duct," *Int. J. Numer. Methods Fluids*, pp. 44- 1279, 2004.
16. T.R. Troutt, J.N. Chung, C.T. Crowe, "Numerical models for two-phase turbulent flows," *Annu Rev FluidMech*, pp. 28, 11–43, 1996.

نشریه علمی سد و نیروگاه برق آبی  
سال هفتم / شماره بیست و هفتم / زمستان ۹۹

Journal of Dam and Hydroelectric PowerPlant  
7th Year / No. 27 / March 2021

علمی-پژوهشی

تاریخ پذیرش مقاله: ۹۸/۹/۵

تاریخ دریافت مقاله: ۹۸/۶/۲