شبیهسازی عددی مدل ماسکینگام چندخطی در مقاطع نعل اسبی

سعید کاظمی محسن آبادی *۱

چکیدہ

روشهای روندیابی به دو دسته هیدرولیکی و هیدرولوژیکی تقسیم میشوند. روشهای هیدرولیکی مبتنی بر حل معادلات سنت-ونانت بوده و از دقت بالایی نیز برخوردارند. درحالی که روشهای هیدرولوژیکی دقت کمتری داشته، اما به دلیل سهولت در کاربرد، این روشها موردتوجه محققین و کارشناسان قرار دارد. در این تحقیق، پارامترهای مربوط به روش ماسکینگام چندخطی با توجه به مقطع موردمطالعه استخراج گردید. سپس ضرایب دبی مبنا از مقایسه هیدروگرافهای روندیابی شده با مدل ماسکینگام چندخطی و مدل سنت-ونانت بهینه شد که این ضرایب در مقطع نعل اسبی، برابر یک به دست آمد. در ادامه بر اساس این ضرایب، هیدروگرافهای مختلفی با توجه به معادله پیوستگی، روندیابی شد. متوسط خطای دبی بیشینه شبیهسازی شده در مقطع نعل اسبی، برابر یک به دست آمد. در دو روش تقریباً یکسان تخمین زده شد.

واژەھاي كليدى

روندیابی سیلاب، روش ماسکینگام چندخطی، سنت-ونانت، مقطع نعل اسبی.

مقدمه

بهمنظور پیش بینی سیلاب، طراحی، ساخت و مدیریت سازه-های کنترل سیل، طراحی شبکهای از کانالها، پیشبینی رفتار یک رودخانه پس از وقوع سیلاب، استخراج هیدروگراف مصنوعی، پیگیری مسائل و مشکلات زیستمحیطی و ... روندیابی سیل از اهمیت فوق العاده ای بر خور دار است. به همین منظور، دو روش هیدرولیکی و هیدرولوژیکی در روندیابی سیلاب وجود دارد. در روشهای هیدرولیکی از اصول و قوانین جریانهای غیرماندگار و حل معادلات سنت-ونانت، معادله یپوستگی (معادله (۱)) و معادله اندازه حرکت (معادله (۲))، بر اساس روشهای مختلف عددی استفاده می شود. به همین دلیل مدلهای عددی زیادی در دهههای اخیر توسعه یافتهاند. (آمین (۱۹۶۸)، آمین و فانگ (۱۹۷۰)، فرد ((۱۹۷۳)، آمین و چو^۴ (۱۹۷۵)، ابوت و کونژ^۵ (۱۹۸۲)، فارگ و لاکارا^۶ (۱۹۸۸)، نوین و کاوانا^۷ (۱۹۹۵)، سانجای و راویندرا^۸ (۲۰۱۲)، کالیتا و سارما^۹ (۲۰۱۲)). در این مدلها عمق و دبی جریان در طول کانال و لوله، با گذشت زمان محاسبه می شوند که به كمك این دادهها می توان مقطع موردنظر را نیز طراحی نمود.

$$\frac{\partial Q}{\partial x} + \frac{\partial A}{\partial t} = 0 \tag{1}$$

$$S_f = S_0 - \frac{dy}{dx} - \left(\frac{u}{g}\right)\frac{du}{dx} - \frac{1}{g}\frac{du}{dt}$$
(7)

در روابط فوق،Q= دبی جریان، A= سطح مقطع عمود بر جریان، S_f شیب خط انرژی، S_0 = شیب کف، u= سرعت در =s جهت جریان، g= شتاب ثقل،x= مسافت طی شده جریان، tزمان و y= عمق جریان.

روشهای هیدرولیکی غالباً سخت، پیچیده و زمانبر بوده و در برخی مواقع ناپایدار هستند. بر همین اساس بیشتر متخصصین ترجیح میدهند که از روشهای هیدرولوژیکی استفاده نمایند. روندیابی هیدرولوژیکی ترکیب معادله پیوستگی با یک معادله خطی یا غیرخطی ذخیره – حجم در یک بازه از مسیر جریان است. در این روش، حجم ذخیره و شدتجریان خروجی در

بازه زمانی موردنظر، مجهول است. بنابراین نیاز به معادلهای دیگر اجتنابناپذیر است. این معادله میتواند رابطهای بین میزان ذخیره و مقادیر دبی ورودی و خروجی باشد. دقت روش-های هیدرولوژیکی نسبت به روشهای هیدرولیکی کمتر بوده ولی به دلیل سادگی، این روشهای هیدرولیکی کمتر بوده کارشناسان است. یکی از روشهای مرسوم در روندیابی هیدرولوژیکی، روش ماسکینگام است. در این روش در هر بازه-ای از کانال و یا رودخانه رابطه (۳) بین جریان ورودی، خروجی و حجم ذخیره برقرار است (دوگ^{۰۱} و همکاران ۱۹۸۲): S = k[xI + (1 - x)O] (۳)

در این رابطه I=جریان ورودی به بازه، O=جریان خروجی از بازه، S=حجم ذخیرهشده در بازه موردنظر، k و x=پارامترهای ثابت معادله. در روندیابی هیدرولوژیکی از معادله اندازه حرکت صرفنظر نموده و از معادله پیوستگی به صورت زیر استفاده می شود.

$$O_{i+1} = C_1 I_{i+1} + C_2 I_i + C_3 O_i$$
 (f)

در رابطه (۴) داریم:

$$C_1 = \frac{0.5\Delta t - kx}{0.5\Delta t + (1 - x)k} \tag{(a)}$$

$$C_2 = \frac{0.5\Delta t + kx}{0.5\Delta t + (1-x)k} \tag{9}$$

$$C_3 = \frac{-0.5\Delta t + (1-x)k}{0.5\Delta t + (1-x)k}$$
(Y)

که در روابط فوق Δt بازههای زمانی موردمحاسبه، O_{i+1} و O_{i+1} جریان خروجی و ورودی در انتهای بازه زمانی موردمطالعه، $O_i = -$ ریان خروجی در ابتدای بازه زمانی موردمطالعه، A = -ریان خروجی در ابتدای بازه زمانی زمانی است که بیشینه دبی اتفاق میافتد و x = -ریب وزنی.در روشهای معمول بهمنظور محاسبه k و x در هر بازه از رودخانه و یا کانال، با توجه به خطی بودن معادله (۳) پارامترهای k و x ثابت در نظر گرفته می شوند.اما موج پدیده ای غیرخطی است (گیل ((۱۹۷۷))، گیل (۱۹۷۹)، تانگ ((۱۹۸۵))

¹ Amein

- ³ Fread
- ⁴ Amein & Chu
- ⁵ Abbott and Cunge
- ⁶ Farge & Laccarra

7 Nguyen & Kawano

⁸ Sanjay & Ravindra

⁹ Kalita &Sarma

¹⁰ Dooge

¹¹ Gill

² Amein & Fang

تانگ^۱(۱۹۸۵)، پرومال^۲ (۱۹۹۲)، پرومال (۱۹۹۳)، پرومال (۱۹۹۴)، سامانی و جبلی فرد^۳(۲۰۰۳)، چو و چانگ^۴(۲۰۰۹)، لو و ژی^۵(۲۰۱۰)).

با توجه به کاربرد فراوان تونلهای انحراف آب با مقطع نعل اسبی در سدهای بزرگ، بررسی روشهای سادهتر نسبت به معادلات سنت-ونانت، اجتنابناپذیر است. در این تحقیق به مقایسه مدل ماسکینگام چندخطی، بهعنوان روشی هیدرولوژیکی با مدل سنت-ونانت بهعنوان روشی هیدرولیکی در مقطع نعل اسبی پرداخته شده است. این مقایسه در سال ۲۰۰۲ توسط پرومال در مقطع مستطیلی و در سال ۲۰۰۳ توسط سامانی و جبلی فرد در مقطع دایرهای، صورت گرفته و با توجه به کاربرد گسترده مقاطع نعل اسبی، در این تحقیق به مطالعه آن پرداخته شده است.

مواد و روشها

روش ماسكينگام چندخطي

این روش اولین بار توسط پرومال (۱۹۹۲) به منظور روندیابی در مقاطع مستطیلی ارائه گردید. در این روش پارامترهای موردنظر (k و x) با زمان و مکان تغییر می کنند. محققین زیادی به توسعه و تحقیق در مورد این مدل پرداختهاند. (پرومال (۹۲ و ۱۹۹۳)، پرومال همکاران (۱۹۹۸ و ۱۹۹۸)). در سامانی جبلی فرد (۲۰۰۳)، پرومال و همکاران (۲۰۰۷)). در این مدل در هر گام زمانی یک دبی مبنا به صورت زیر تعیین می شود.

$$Q_0 = a. Q_i \tag{(A)}$$

که $Q_0 = e_{N}$ مبنا، $Q_i = Q_i$ دبی ورودی در هر مقطع زمانی و $a = \phi_{0,1}$ ضریب a_{N} ثابت و ضریبی بین صفر و یک. پرومال (۱۹۹۲) ضریب a_{N} ثابت و برابر با ۲/۰ در نظر گرفت. برخلاف وی سامانی و جبلی فرد (۲۰۰۳) مقدار a_{N} در مقاطع دایرهای متغیر دانسته و آن را تابعی از قطر (D)، ضریب زبری مانینگ(n)، شیب کف (S_0) و بیشینه دبی ورودی (I_p) دانستهاند. در این تحقیق نیز در مقطع نعل اسبی، این ضریب موردمحاسبه قرار گرفته است و دبی مبنا با توجه به معادله (۸) به دستآمده است.

معادله ذخیره مدل پیشنهادی، همان معادله (۳) است. بهمنظور محاسبه *k*، دوگ و همکاران (۱۹۸۲) رابطه زیر را پیشنهاد نمودند:

$$k = \frac{\Delta x}{c} \tag{9}$$

در این رابطه، $\Delta x = 4$ طول بازه موردنظر، c=سرعت موج مربوط به دبی مبنا (Q_0) که از رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$c = \frac{dQ_0}{dA} = \frac{\frac{-\sigma S_f}{\partial A}}{\frac{\partial S_f}{\partial Q_0}} \tag{(1)}$$

ج سطح مقطع جریان، S_f شیب خط انرژی. ازترکیب =A معادلات (۹) و (۱۰) معادله k به صورت معادله (۱۱) خواهد شد:

$$k = \Delta x \left(\frac{\frac{\partial S_f}{\partial Q_0}}{-\frac{\partial S_f}{\partial A_0}} \right) \tag{11}$$

سطح مقطع جریان مربوط به دبی مبنا Q_0 . دوگ - A_0 سطح مقطع جریان مربوط به دبی مبنا c دوگ (۱۹۷۳) رابطه کلی (۱۲) را بهمنظور محاسبه c ارائه نمود: $c=m.\,v_0$

 v_0 = سرعت جریان مربوط به دبی مبنا و m = ضریبی که به شکل مقطع بستگی دارد. با جاگذاری معادله (۱۰) در (۱۲) و m استفاده از معادله پیوستگی، به معادله (۱۳) برای محاسبه m می توان دستیافت.

$$m = \frac{\frac{-\partial S_f}{\partial A_0}}{\frac{\partial S_f}{\partial Q_0}} \times \frac{A_0}{Q_0} \tag{17}$$

برای کانالهای مستطیلی عریض، دوگ و همکاران (۱۹۸۲) مقدار m را ثابت و برابر ۱/۶۷ در نظر گرفتند. به منظور محاسبه x نیز دوگ و همکاران (۱۹۸۲) رابطه (۱۴) را پیشنهاد نمودند: $x = \frac{1}{2} + \frac{D_0}{\frac{\partial S_f}{\partial A_0} \times A_0 \Delta x} [1 - (m - 1)^2 F r_0^{-2}]$ (۱۴)

در این رابطهD₀ عمق هیدرولیکی جریان و Fr₀ عدد فرود مربوط به دبی مبنا هستند.

مدل پیشنهادی برای مقطع نعل اسبی شکل مقاطع نعل اسبی شکل، کاربردهای فراوانی در تونلهای انتقال و انحراف آب در پروژههای آبی دارند. این تونلها بهویژه در

¹ Tung ² Perumal

³ Samani & Jebelifard

مواقع سیلابی کاراییهای خود را نشان میدهند. به منظور طراحی این تونلها نیاز است که هیدرو گرافهای ورودی و خروجی در دسترس باشد. مقطع نعل اسبی از سه بخش تشکیل شده است که در ادامه به آن پرداخته خواهد شد (شکل (۱)).



شکل (۱): مشخصات مقطع نعل اسبی (مرکلی'، ۲۰۰۵)

با توجه به شکل (۱) داریم:

$$h_1 = H\left[1 - \left(\frac{1+\sqrt{7}}{4}\right)\right] \tag{10}$$

$$- \cdot \cdot \quad h_2 = \frac{H}{2} - h_1 \tag{19}$$

$$h_3 = \frac{H}{2} \tag{1Y}$$

$$C_2 = \frac{C_1}{2} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{C_1^2}{4}} \right) - \sin^{-1} \left(\frac{C_1}{2} \right)$$
(YY)

$$C_1 = 1 - \left(\frac{1 + \sqrt{7}}{2}\right) \tag{YA}$$

برای به دست آوردن ضرایب روش ماسکینگام (
$$m$$
، k_e x) باید
از روابط (۱۱)، (۱۳) و (۱۴) استفاده نمود. بنابراین باید $\frac{\partial S_f}{\partial A_0}$
و $\frac{\partial S_f}{\partial Q_0}$ را برای هر مقطع از جریان به دست آورد.

$$S_{f} = \frac{n^{2}Q_{0}^{2}P_{0}^{4/3}}{A_{0}^{10/3}}$$
(79)

$$\frac{\partial S_{\rm f}}{\partial Q_0} = 2Q_0 n^2 A_0^{-10/3} P_0^{4/3} \tag{(7.)}$$

$$\frac{\partial S_f}{\partial A_0} = \frac{\partial S_f}{\partial h} \times \frac{\partial h}{\partial A_0} \tag{(1)}$$

$$\frac{\partial S_f}{\partial h} = \frac{2}{3} S_0 \left[\frac{2}{P_0} \frac{\partial P_0}{\partial h} - \frac{5}{A_0} \frac{\partial A_0}{\partial h} \right] \tag{(TT)}$$

با توجه به روابطی که بهمنظور محاسبه مساحت و محیط در جدول (۱) در هر قسمت از جریان ارائه شده است (معادلات (۱۸) الی (۲۶)) و همچنین روابط فوق، معادلات بهدستآمده جهت روندیابی به روش ماسکینگام چندخطی بهصورت معادلات (۳۳) الی (۴۴) به دست خواهد آمد که در جدول (۲) قابل مشاهده است.

واسنجى مدل

 $|10 \le h \le h_1 \le 0$: الف – اگر

и

همان گونه که در شکل (۱) ملاحظه می شود، مقطع نعل اسبی از سه بخش تشکیل شده است. به همین دلیل سه ضریب *a*، *a*₂ *a*₃ تعریف شد و با توجه به اینکه جریان در چه بخشی از مقطع قرار گیرد، از ضریب مربوطه استفاده شد. با توجه به معادله (۸) و شکل (۱) می توان نوشت:

 $Q_0 = a_1 Q_i \tag{6a}$

:
$$h_1 < h \leq \frac{n}{2}$$
ب- اگر $Q_0 = a_2 Q_i$ (۴۶)

$$:\frac{H}{2} < h \le H$$
 ج- اگر $Q_0 = a_3 Q_i$ (۴۷)

معادلات سنت ونانت (معادلات ۱ و ۲) Bبرای تعیین ضرایب با روش اجزا محدود و به کمک برنامه کامپیوتری حل شد و هیدروگرافهای روندیابی شده، به دست آمد. در گام بعدی با توجه به مدل موردنظر، هیدروگرافهای مختلف به ترتیبی که در ادامه توضیح داده خواهد شد، در مقطع نعل اسبی روندیابی در ادامه توضیح داده خواهد شد، در مقطع نعل اسبی روندیابی شد. هیدروگرافهای ورودی از رابطه (۴۸) به دست آمد شد. $I_b = I_b + (I_{p-1}) \exp\left(\frac{1^{-t}/t_p}{\gamma-1}\right)$

 مانینگ، شیب بستر، بیشینه دبی ورودی در بازههای مختلفی، روندیابی با استفاده از معادلات سنت-ونانت و مدل ماسکینگام چندخطی، انجام شده است. نتایج به دست آمده انطباق مناسبی بین مدلهای موردمطالعه در این تحقیق را، نشان می دهد. در طی محاسبه هیدرو گراف خروجی به کمک معادلات (۴۵) الی طی محاسبه هیدرو گراف خروجی به کمک معادلات (۴۵) الی ضریب، برابر یک به دست آمد.

در بخش دیگری از این تحقیق و پس از واسنجی مدل، هیدروگرافهای مختلفی بهمنظور مقایسه روشهای مورداستفاده، روندیابی شد که نتایج آن برای شرایط مختلف فیزیکی و هیدرولیکی در جدول (۴) قابلمشاهده است. همچنین، خطای نسبی دبی بیشینه و زمان رسیدن به این دبی در مدل موردمطالعه و سنت-ونانت، توسط روابط زیر محاسبه گردید.

$$ER_Q = \frac{Q_{P_m} - Q_{P_{S,t}}}{Q_{P_m}} \times 100 \tag{(49)}$$

$$ER_t = \frac{t_{P_m} - t_{P_{S,t}}}{t_{P_m}} \times 100 \qquad (\Delta \cdot)$$

در معادلات فوق ER_Q و ER_t درصد خطای نسبی مربوط به دبی بیشینه و درصد خطای مربوط به زمان رسیدن به این دبی، Q_{P_m} دبی بیشینه محاسبه شده توسط روش ماسکینگام چندخطی، $Q_{P_{S,t}}$ دبی بیشینه محاسبه شده توسط معادلات سنت-ونانت، p_{P_m} درمان رسیدن به دبی بیشینه در روش ماسکینگام چندخطی و $t_{P_{S,t}}$ زمان رسیدن به دبی بیشینه از حل معادلات سنت-ونانت.

مقادير مختلفي براي a_1 ، a_2 و a_3 دبي مبنا (Q_0) محاسبه گردید. مشخصات فیزیکی شامل عرض سطح آب، مساحت و محیط خیس شده با توجه به روابط (۱۸) تا (۲۶) به دست می آیند (مرکلی، ۲۰۰۵). در گام بعدی با جایگذاری معادلات ۱۸ الی ۲۶ در روابط ۱۱، ۱۳ و ۱۴ پارامترهای x و m،k که در روش ماسکینگام چندخطی موردنیاز است، به دست میآید. معادلات استخراجشده به تفکیک عمق در مقطع نعل اسبی، در جدول (۲) ارائه شده است. با ملاحظه روابط ۳۳ الی ۴۴ مشاهده می شود که با داشتن عمق جریان و قطر کل مقطع، پارامترهای مورداشاره محاسبه میشوند. در مرحله بعد به کمک معادلات ۴ الی ۷ و نوشتن برنامه کامپیوتری آن در نرمافزار اکسل و نیز مشخصات هیدرولیکی ارائه شده در جدول (۳)، روندیابی سیلاب توسط مدل ماسکینگام چندخطی صورت گرفته و هیدروگرافهای ورودی و خروجی ترسیم گردید. در مرحله بعد و پس از تعیین هیدروگرافهای خروجی به روش ماسکینگام چندخطی، عمق آب را میتوان توسط معادلات پیوستگی و اندازه حرکت محاسبه نمود. در ادامه به كمك نتايج فوق، پروفيل سطح آب در مدل موردمطالعه ترسيم شد. در گام بعدی پروفیل سطح آب بهدستآمده از مدل ماسکینگام چندخطی با پروفیل سطح آب حاصل از حل معادلات سنت-ونانت مورد مقایسه قرار گرفت. درنهایت، دبی بیشینه و زمان رسیدن به آن در هر دو مدل مطالعه، مقایسه شد.

در پایان، هیدروگرافهای حاصل از مدل ماسکینگام چندخطی با هیدروگرافهای حاصل از حل معادلات سنت-ونانت مورد مقایسه قرار گرفت.

در این تحقیق، به منظور حل معادلات سنت-ونانت از نرمافزار مایک ۱۱ و به روش تفاضلهای محدود، استفاده شده است. این نرمافزار یکی از سلسله نرمافزارهایی است که توسط موسسه هیدرولیکی دنیش ایجاد شده است.

در شکل (۲) هیدروگراف ورودی به تونل در شرایط مختلف هیدرولیکی جدول (۳) با استفاده از معادله (۴۸) ترسیم شده است. در این شکل، پس از اعمال شرایط مورداشاره جدول (۳) و به کارگیری معادلات (۳) الی (۷)، روندیابی هیدرولیکی صورت گرفت. همان گونه که در این شکل ملاحظه می شود، با تغییر قطر لوله، سایر شرایط هیدرولیکی نظیر ضریب زبری

|--|

-								
معادلات مورداستفاده								
$\frac{H}{2} < h \le H$	$h_1 < h \le \frac{H}{2}$	$0 \leq h \leq h_1$	پارامتر					
(۴)	(٣)	(7)	(1)					
$T_3 = H\sqrt{1 - \left(1 - \frac{2h}{H}\right)^2} (\Upsilon \cdot)$	$T_{2} = 2\sqrt{H^{2} - \left(h - \frac{H}{2}\right)^{2}} - H(19)$	$T_1 = 2H\sqrt{1 - \left(1 - \frac{h}{H}\right)^2} (1\lambda)$	عرض سطح آب					
$A_3 = \left(h - \frac{H}{2}\right)\sqrt{h(H - h)} + \frac{H^2}{4}sin^{-1}\left(\frac{2h - H}{H}\right) + A_2(\Upsilon\Upsilon)$	$A_{2} = H^{2} \left[C_{2} + \sin^{-1} \left(\frac{2h - H}{2H} \right) \right] - \left(h - \frac{H}{2} \right) \left(H - \sqrt{H^{2} - \left(h - \frac{H}{2} \right)^{2}} \right) + A_{1}(\Upsilon\Upsilon)$	$A_{1} = (h - H)\sqrt{h(2H - h)} + H^{2}\left[sin^{-1}\left(\frac{h - H}{H}\right) + \frac{\pi}{2}\right](\gamma)$	مساحت خیس شدہ					
$P_{3} = H \left[\cos^{-1} \left(1 - \frac{2h}{H} \right) - \frac{\pi}{2} \right] + P_{2}(\Upsilon F)$	$P_{2} = 2H \left[\cos^{-1} \left(\frac{H-2h}{2H} \right) - \cos^{-1} \left(-\frac{C_{1}}{2} \right) \right] + P_{1} (\Upsilon \Delta)$	$P_1 = 2H\cos^{-1}\left(1 - \frac{h}{H}\right)(\Upsilon \mathfrak{f})$	محیط خیس شدہ					
مساحت مربوط به مقطعی که $h=h_1$ ، $h=h_2$ ، مساحت مربوط به مقطعی که $h=h_1$ ، $h=-h_1$ مساحت مربوط به مقطعی که A_1								

جدول (۱): روابط مربوط به پارامترهای فیزیکی مقطع نعل اسبی (مرکلی، ۲۰۰۵)

$h=rac{H}{2}$ مساحت مربوط به مقطعی که P_2	$h = h_1$
--	-----------

معادله مورداستفاده						
$\frac{H}{2} < h \le H$	$h_1 < h \le \frac{H}{2}$	$0 \leq h \leq h_1$	پارامىر			
(۴)	(*)	(٢)	(1)			
$\frac{2}{3}S_0\left[\frac{H}{P_0h_0(H-h_0)}-\frac{5}{A_0}\right](\Upsilon\Delta)$	$\frac{2}{3}S_0 \left[\frac{8H}{P_0\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} \left[\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} - H\right]} - \frac{5}{A_0}\right] (\Upsilon F)$	$\frac{\frac{2}{3}S_{0}\left[\frac{1}{h(2H-h_{0})\cos^{-1}\left(1-\frac{h_{0}}{H}\right)}-\frac{5}{A_{0}}\right](\%)$	$\frac{\partial S_f}{\partial A_0}$			
$\frac{1}{3} \left[5 - \frac{HA_0}{P_0 h_0 (H - h_0)} \right] (\text{WA})$	$\frac{1}{3} \left[5 - \frac{8HA_0}{P_0 \sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} \left[\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} - H \right]} \right] (\text{WY})$	$\frac{1}{3} \left[5 - \frac{2HA_0}{P_0[h_0(2H - h_0)]} \right] ($ ^(Y))	т			
$\frac{\frac{3\Delta x A_0}{Q_0}}{5 - \frac{H A_0}{P_0 h_0 (H - h_0)}} (f1)$	$\frac{\frac{3\Delta x A_0}{Q_0}}{5 - \frac{8H A_0}{P_0 \sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} \left[\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} - H \right]}} (f \cdot)$	$\frac{\frac{3\Delta xA_0}{Q_0}}{5 - \frac{2HA_0}{P_0[h_0(2H - h_0)]}} (\ref{alpha})$	k			
$\frac{1}{2} + \left\{ \frac{\frac{3A_0}{2\Delta T_0 S_0}}{\frac{HA_0}{P_0 h_0 (H-h_0)} - 5} \right\} \times \left\{ 1 - \frac{4}{9} \left[1 - \frac{HA_0}{2P_0 h_0 (H-h_0)} \right]^2 Fr_0^2 \right\} (\%)$	$\frac{\frac{1}{2} + \left\{ \frac{\frac{3A_0}{2\Delta x T_0 S_0}}{\frac{\theta H A_0}{P_0 \sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} \left[\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} - H \right]^{-5}} \right\} \times \left\{ 1 - \frac{4}{9} \left[-\frac{4HA_0}{P_0 \sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} \left[\sqrt{4H^2 - (H - 2h_0)^2} - H \right]} \right]^2 Fr_0^2 \right\} (f\%)$	$\frac{\frac{1}{2} + \left\{ \frac{\frac{3A_0}{2\Delta x T_0 S_0}}{\frac{2HA_0}{P_0[h_0(2H - h_0)]} - 5} \right\} \times \left\{ 1 - \frac{4}{9} \left[1 - \frac{\frac{HA_0}{P_0[h_0(2H - h_0)]} \right]^2 Fr_0^2 \right\} (\$ \Upsilon)$	x			

جدول (۲): روابط استخراج شده مربوط به محاسبه پارامترهای مدل ماسکینگام چندخطی

41	 سبى	نعل	مقاطع	، در	چندخطی	اسکینگام	مدل م	عددى	سازى	شبيه
	-	-	-		- ·		-		-	

شماره شکل	قطر	ضریب زبری	شيب بستر	دبی بیشینه(cms)	طول تونل(m)				
	لوله (mm)	مانينگ							
۲–الف	۳۰۰۰	•/•14	•/••۴	۲.	۵۰۰۰				
۲–ب	4	• / • ٢	•/••۴	۲.	1				
۲_ج	٨٠٠٠	•/• ١٨	•/••۶	242	1				
۲–د	9	•/• ١۵	• / • • ¥	٧۵	1				
۲–٥	۱۰۰۰۰	• / • ۲	•/••**	۳۲۰	1				
۲_و	1	•/• ٢٢	• / • • ٢	۲۰۰	1				

٢۵

۲٠

جدول (۳): مشخصات مقطع نعل اسبی و دبی بیشینه بهمنظور تعیین هیدروگراف ورودی









1+

11

دبی را دقیقاً برابر مدل سنت-ونانت، پیش بینی نموده است. سایر نتایج حاصل از روندیابی صورت گرفته که در جدول (۴) ارائه شده است، نشاندهنده دقت مناسب مدل ماسکینگام چندخطی در پیش بینی دبی بیشینه و زمان رسیدن به این دبی، است به طوری که متوسط خطای دبی بیشینه در دو روش، ۰/۷ درصد محاسبه شده است. این

۶

زمان (ساعت) و – H=۱۰ m

۴

٨

۵+

۲

همان گونه که نتایج ارائه شده در جدول نشان می دهد، مدل ماسکینگام چندخطی، دبی بیشینه سیلاب و زمان رسیدن به این دبی را، با دقت بالایی پیش بینی می کند. به عنوان نمونه در تونلی با ارتفاع ۹ متر، طول ۱۰ کیلومتر، ضریب زبری مانینگ ۱۰/۱۵ و شیب بستر ۲۰۰۴ مدل پیشنهادی، دبی بیشینه را با دقت ۱۳۶ درصد و زمان رسیدن به این

موضوع با نتایج ارائهشده توسط پرومال (۱۹۹۲) در مقطع مستطیلی و سامانی و جبلی فرد (۲۰۰۳) در مقطع دایرهای، مطابقت دارد.

ارتفاع تمنا	طول تونا	(C 4)	شيب	مدل پیشنهادی		ت-ونانت	مدل سن	درصد خطا		
ار النام المتر)	-ران -ر-ن (کیلومتر)	ربری مانینگ	بستر	Q_p (cms)	t_p (hr)	Q_p (cms)	t_p (hr)	ER _Q %	ER _t %	
٣	٨	•/•14	•/••۶	26/982	۶/۳۸۹	26/929	٧/۶۶٧	+•/١٣	-7•	
۴	۲.	•/• ٢٢	•/••٧	48/214	٧/•••	47/91.	٧/•••	-•/۵۳	•	
٨	١.	•/•14	•/••٣	749/977	9/444	249/421	٩/٧٢٢	+•/٢•	-7/94	
٩	١.	•/•10	•/••۴	847/200	1./٣٣٣	3469/202	1./٣٣٣	-•/٣۶	•	
١.	١.	•/•٢	•/•• ١	۱۹۰/۱۸۰	4/187	193/49.	4/187	-1/YF	•	
١.	١.	۰/۰۱۶	•/••٢	898/888	۴/۵۰۰	۳۸۷/۰۲۲	۴/۵۰۰	١/١٩	•	

جدول (۴): مقایسه نتایج مدل پیشنهادی و مدل سنت-ونانت

نتيجهگيري

در این تحقیق کاربرد روش ماسکینگام چندخطی در مقطع نعل اسبی موردبررسی قرار گرفت. در ابتدا به معرفی این روش $(x \ _{k} \ _{m})$ یرداخته شد و روابط موردنظر و یارامترهای مؤثر ($m \ _{k} \ _{m}$) در این روش موردبررسی قرار گرفت. سپس این پارامترها با توجه به مشخصات مقطع نعل اسبی و روابط مربوط به سطح مقطع، محیط و ...به دست آمد. در گام بعدی با توجه به هیدروگرافهای بهدست آمده از مدل ارائه شده و هیدروگراف a_1 های حاصل از حل عددی معادلات سنت-ونانت، ضرایب او a_3 بهینه گردید. درنهایت نتایج حاصل از این تحقیق را a_2 می توان به صورت زیر بیان نمود:

• در این تحقیق کاربرد روش ماسکینگام چندخطی در مقاطع نعل اسبى موردبررسى قرار گرفت.

• روابط مربوط به روش ماسکینگام چندخطی در مقاطع نعل اسبی بهدستآمده و مورداستفاده قرار گرفت.

• در انجام روندیابی در روش ماسکینگام چندخطی از مفهوم دبی مبنا (Q_0) استفاده شد. ضرایب a_1 ، a_2 و a_3 که مربوط به (Q_0 سه ناحیه ایجاد شده در مقطع نعل اسبی است، بهینهسازی گردید.

• نتایج حاصل از مقایسه هیدروگرافها در دو روش ارائهشده a_3 در این تحقیق، نشان می دهد که هر سه ضریب a_1 ، a_2 و برابر یک است.

• مقایسه نتایج حاصل از روش ماسکینگام چندخطی و نتایج حاصل از حل عددی معادلات سنت-ونانت نشان دهنده انطباق بسیار مناسب این دو روش است.

• مقايسه مشخصات نقاط مختلف هيدروگراف، بيانگر انطباق مناسب بین نتایج دو روش است.

• دبی بیشینه و زمان رسیدن به این دبی در هر دو روش بسیار به هم نزدیک بوده و در برخی موارد نیز بر هم منطبق است به طوری که متوسط خطای دبی بیشینه شبیه سازی شده، برابر ۰/۷ درصد بهدست آمده است.

• با توجه به مشکل بودن و ناپایدار بودن روشهای هیدرولیکی و با توجه به دقت مناسبی که مدل ارائهشده داشته، روش ماسکینگام چندخطی با استفاده از روابط بهدستآمده در این تحقیق، بهجای روشهای هیدرولیکی توصيه می شود.

منابع

1- Abbott, M. B. andCunge, J. A. (1982). "Engineering Applications of Computational Hydraulics: Elements of the Theory of Free Surface Flows v. 1". Pitman Publishing.

2- Amein, M. (1968). "An implicit method for natural flood routing."Water Resource. Research. 4(4), 719–726.

شبیهسازی عددی مدل ماسکینگام چندخطی در مقاطع نعل اسبی ۴۳

15- Nguyen, Q. K., and Kawano, H. (1995). "Simultaneous solution for flood routing in channel networks."*Journal of Hydraulic Division*.121(10), 744–750.

16- Perumal, M. (1992). "Multilinear Muskingum Flood Routing Method." *Journal of Hydrology*. 133, 259-272.

17- Perumal, M. (1993). "Comparison of Two Variable Parameter Muskingum Methods."*Proceedings of the IAHS Symposium*. Yokohama, Japan, July, 129-138.

18- Perumal, M. (1994). "Multilinear Discrete Cascade Model for Channel Routing." *Journal of Hydrology*. 158(1-2), 135-150.

19- Perumal, M. andRanja, R. K. G. (1998a). "Variable-Parameter Stage-Hydrograph Routing Method. I: Theory."*Journal of Hydrologic Engineering*.3(2), 109-114.

20- Perumal, M. andRanja, R. K. G. (1998b). "Variable-Parameter Stage-Hydrograph Routing Method. II: Evaluation."*Journal of Hydrologic Engineering*. 3(2), 115-121.

21- Perumal, M., Moramarco, T. andMelone, F. (2007). "A Caution About the Multilinear Discrete Lag-Cascade Model for Flood Routing." *Journal of Hydrology*. 338(3-4), 308–314.

22- Samani, H. M. V. and Jebelifard, S. (2003). "Design of Circular Urban Storm Sewer Systems Using Multilinear Muskingum Flow Routing Method." *Journal of Hydraulic Engineering*.129(11), 832-838.

23- Sanjay, L. D. andRavindra, A. O. (2012). "Dynamic Flood Routing and Unsteady Flow Modelling: A Case Study of Upper Krishna River." *International Journal of Advanced Engineering Technology*.3(3), 55-59.

24- Tung, Y. K. (1985). "River Flood Routing by Nonlinear Muskingum Method." *Journal of Hydraulic Engineering*. 111(12), 1447-1460. 3- Amein, M. and Fang, C. S. (1970). "Implicit Flood Routing in Natural Channels." *Journal ofHydraulic Division*.96(12), 2481–2500.

4- Amein, M. and Chu, H. L. (1975). "Implicit Numerical Modeling of Unsteady Flows." *Journal of Hydraulic Division*. 101(6), 717–731.

5- Chu, H. J. and Chang, L. C. (2009). "Applying Particle Swarm Optimization to Parameter Estimation of the Nonlinear Muskingum Model."*Journal of Hydrologic Engineering*. 14(9), 1024-1027.

6- Dooge, J. C. I. (1973). "Linear Theory of Hydrologic Systems."*TechnicalBulletin No.* 1468, USDA Agricultural Research Service.

7- Dooge, J. C. I., Strupczewski, W. G. and Napiorkowski, J. J. (1982). "Hydrodynamic Derivation of Storage Parameters of TheMuskingum Model." *Journal of Hydrology*. 54, 371–387.

8- Farge, M. L. and Laccarra, J. F. (1988). "The Numerical Modeling of Saint-Venant Equations." *Journal of Theoretical and Applied Mechanics*. 7, 63-84.

9- Fread, D. L. (1973). "Technique for Implicit Dynamic Routing in Rivers with Water Tributaries." *Water Resource Research*. 9(4), 918–926.

10- Gill, M. A. (1977). "Routing of Floods in River Channels." *Journal of Nordic Hydrology*. 8, 163-170.

11- Gill, M. A. (1979). "Critical Examination of the Muskingum Method." *Journal of Nordic Hydrology*. 10, 261-270.

12- Luo, J. andXie, J. (2010). "Parameter Estimation for Nonlinear Muskingum Model Based on Immune Clonal Selection Algorithm." *Journal of Hydrologic Engineering*. 15(10), 844-851.

13- Kalita, H. M. andSarma. A. K. (2012). "Efficiencyand Performances of Finite Difference Schemes in The Solution of Saint-Venant'sEquation." *International Journal of Civil and Structural Engineering*. 2(3), 950-958.

14- Merkley, G. P. (2005). "Standard Horseshoe Cross Section Geometry." *Agricultural Water Management*. 71(1), 61–70.

Numerical Simulation of Multilinear Muskingum Method in Horseshoe Shape Cross sections

Saeed Kazemi Mohsenabadi^{*1}

Abstract

Flood routing calculations are divided into hydraulic and hydrologic methods. Hydraulic methods are based on solving Saint-Venant equations which are of high accuracy. Although hydrologic methods are of low accuracy, they are taken into consideration by researchers because it is easy to apply them. In this research, multilinear Muskingum's parameters were derived according to the mentioned cross sections. Then by comparing routed hydrographs with multilinear Muskingum method and Saint-Venant model, reference discharge coefficients were optimized and their values became one in horseshoe cross section. Afterward, based on these coefficients, different hydrographs were routed by using continuity equation. The percentage error in simulating peak of the discharge hydrograph in horseshoe cross sections was calculated %0.7 and the time to peak discharge was estimated the same in both models and cross sections.

Keywords

Flood routing, Multilinear Muskingum method, Saint-Venant, Horseshoe cross section.

 1*. Assistant Proffessor.Department of Civil Engineering, Buinzahra Branch, Islamic Azad University, Buinzahra, Iran, saeed.kazemi61@gmail.com.

 Received: 2016/05/23
 Accepted: 2017/03/05